

محاسبه تاریخ نبرد تامیریس و کوروش

بهزاد نیک فال^۱

^۱ کارشناس ارشد عمران دانشگاه آزاد واحد گرمی

چکیده

پس از فتح ماد، لیدیه و بابل، در سال ۵۳۰ پیش از میلاد، کوروش کبیر پادشاه هخامنشی تصمیم به نبرد با کشور ماساژت در شمال رود آراکسیس گرفت. در این زمان فرمانروای کشور ماساژت بانویی به اسم تامیریس بود. تامیریس مایل به نبرد با ارتش پارس نبود و از کوروش در خواست کرد این جنگ را متوقف کند ولی کوروش با ورود به سرزمین ماساژتها عمل جنگ را شروع کرد. در پایان نبرد خونین میان سپاه پارس و ماساژت، ارتش پارس شکست خورد و کوروش کبیر به قتل رسید. در این تحقیق تلاش خواهیم کرد تاریخ دقیق این جنگ را محاسبه کنیم.

واژه‌های کلیدی: کوروش کبیر، تامیریس، ماساژت‌ها، تشریق صحگاهی، ستاره شباهنگ

۱. مقدمه

تئوفیلوس، اسقف انطاکیه ما بین سالهای ۱۶۹ الی ۱۸۲ میلادی بوده است. کتاب "Apologia ad Autolycum" یک دفاعیه از آیین مسیحیت نوشته شده برای اتوالیکوس، دوست پگان تئوفیلوس بوده است. جلد سوم این کتاب شامل تواریخ از ابتدای آفرینش تا حدود ۱۸۰ میلادی در زمان مارکوس اورلیوس امپراتور روم است. در بخشی از این کتاب گزارشی در مورد مرگ کوروش بدست تامیریس ثبت شده است که با اندکی بررسی می‌توان تاریخ کشته شدن کوروش و پیروزی تامیریس را محاسبه کرد:

"در بیست و نه سالگی سلطنت کوروش، او در کشور ماساگتها توسط تامیریس کشته شد. این اتفاق در المپیاد شصت و دوم روی داد. پس از آن رومیان شروع به افزایش قدرت کردند. خدا توان آنها را افزایش میداد. شهر روم توسط روملوس پسر مشهور ایلیا و مارس در ۲۱ آوریل المپیاد هفتم در سالی که ۱۰ ماهه در نظر گرفته می‌شد، تاسیس شد. همانطور که قبل از گفتیم کوروش کشته شد، و این تاریخ در سال ۲۲۰ (A.U.C) بود." [۱]

باید توجه کرد اگرچه محاسبه سالها با مبدأ المپیاد نخستین در میان یونانیان مرسوم بوده است. [۲] ولی بدلاًیلی چند این اشاره را به روز برگزاری المپیک خواهد بود.

اولاً، نگارنده مسیحی بوده است و کتاب را برای اثبات برتری دکترین مسیحیت بر تفکر پگانی نوشته است و کتاب سوم را برای نشان دادن برتری گاهنگاری عهد عتیق برگزارش‌های تاریخی مورخین یونانی نگاشته است بنابراین از مبدأ گاهشماری یونانی که از نظر او غیر الهی و همراه با خطاست به استثنای فصل ۲۷ برای دو مورد، استفاده نمی‌کند:

"خدایا به من کمک کن، دوره‌های تاریخی را دقیق‌تر نشان دهم، تا بینی که دکترین ما نه متاخر است و نه افسانه‌ای، بلکه کهن‌تر و واقعی‌تر از همه شاعران و نویسندگانی است که در عدم قطعیت نوشته‌اند." [۳]

"نوشته‌های مقدس ما قدیمی تر و واقعی تر از نوشته‌های یونانی ها و مصری ها یا هر مورخ دیگری نشان داده شده است. زیرا هرودوت و توسمیدید، مانند گزنهون، و بسیاری از مورخان دیگر، روابط خود را از حدود سلطنت کوروش و داریوش آغاز کردند، زیرا نمی‌توانستند با دقت در زمان‌های گذشته و باستان صحبت کنند." [۴]

ثانیاً در فصل بیست و هفتم کتاب به دو رویداد المپیاد اشاره شده است. در مورد اشاره به بنیان گذاری شهر روم در ۲۱ ام آوریل المپیاد هفتم، چون در این مورد به ماه و روز اشاره شده است منظور از المپیاد هفتم الزاماً سال است ولی در جمله قبلی، در اشاره به زمان کشته شدن کوروش در جنگ، چون بدون ماه و روز ثبت شده است، به قرینه گزینه قبلی، باید به روز المپیاد اشاره داشته باشد.

ثالثاً، نگارنده برای نشان دادن دقت گزارش منابع عهد عتیق نسبت به گزارش مورخین یونانی علاوه بر سال، ماه و روز را نیز با دقت ثبت کرده است: [۵]

بنابراین، (از شروع خلقت) تا زمان اقامت در سرزمین بابل، در مجموع، ۴۹۵۴ سال و ۶ ماه و ۱۰ روز وجود دارد.
رابع، همانطور که در انتهای نشان خواهیم داد تاریخ محاسبه شده با این روش در بازه زمانی تعیین شده از کتیبه‌های بابلی قرار می‌گیرد.

خامساً، در منابع یونانی نیز المپیاد گاهها برای اشاره به روز خاصی مانند خودسوزی راهب مسیحی اشاره شده است. [۶]
با توجه به موارد بالا محاسبه زمان المپیک ۵۳۰ قبل از میلاد به معنای محاسبه زمان نبرد ارتش پارس و ماساچوت خواهد بود.

۲. تعیین تاریخ بازیهای المپیک در سال نبرد ترمومپیل

"پیش از (فستیوال المپیک هفتاد و هفتم) آن رقابت مردان و رقابت اسپهها در یک روز مشترک انجام می‌شد." [۷]
"ماه بدر در حالی که ارباب طلایی خود را می‌راند، بازیهای المپیک را داوری می‌کرد." [۸]

از دو گزارش بالا در می‌یابیم که فستیوال المپیک قبل از سال ۴۶۸ پیش از میلاد، طی یک روز در ماه بدر یکی از ماههای سال برگزار می‌شده است. برای تعیین ماه برگزاری المپیک باستانی از دو گزارش هرودوت و پولیانوس استفاده خواهیم کرد:

"زیرا درست در زمان برگزاری جشن‌های مسابقات المپیک بود، و یونانیان می‌پنداشتند نبرد ترمومپیل به زودی رخ نخواهد داد." [۹]

لئونیداس در ترمومپیل، در جایی که باریکی مسیر برتری عظیمی علیه نیروهای دشمن ایجاد می‌کرد، علیه ایران بزرگی جنگید. مدت اندکی پیش از شروع جنگ لئونیداس متوجه ابرهای ضخیم در ارتفاع پایین شد، او رو به افسران خود کرد و گفت: بخارط رعد و برق شگفت‌زده نباشید. چونکه او بخارط مشاهده پدیدار شدن ستاره سرخ در آسمان انتظار این رویداد را داشت." [۱۰] و [۱۱]

"بازیهای المپیک بصورت متناوب در یکی از ماههای Parthenius و Apollonius Mesore (از ۲۵ جولای تا ۲۳ آگوست بعلاوه ۵ روز اضافی) و Thoth (از ۲۹ آگوست تا ۲۷ سپتامبر) برگزار می‌شده است." [۱۲]

همچنین می‌دانیم که بازیهای المپیک هر چهار سال یکبار برگزار می‌شده است. [۱۳] و [۱۴] برخلاف باور عمومی مبنی بر رویداد نبرد ترمومپیل در سال ۴۸۰ پیش از میلاد می‌توانیم هم بوسیله برخی گزارشات هم بوسیله محاسبات نجومی نشان دهیم خورشید گرفتگی مورد اشاره هردوت پیش از نبرد در سال ۴۷۸ پیش از میلاد روی داده است.

بر اساس تاریخ آزاد سازی یهودیان توسط کوروش کبیر

"در سالی که پنجاه و پنجمین دوره حشن المپیاد برگزار شد، کوروش پادشاه پارس شد... سپس کوروش در اولین سال سلطنت که اولین سال المپیاد پنجاه و پنجم بود اولین گروه از اسرائی یهود را به دست زروباب آزاد کرد." [۱۵]

بر اساس شروع سلطنت سلوکوس یکم بر بابل

"سلوکوس به بابل رفت و ساکنین آنجا را شکست داد و عنوان پیروز را کسب کرد. او به مدت ۳۲ سال از سال اول المپیاد ۱۱۷ام سلطنت کرد." [۱۶]

بر اساس زمان مرگ کلئوپاترا

"کلئوپاترا (آخرین فرعون مصر) در ۱۵ امین سال سلطنت آگوستوس مرد. از آن زمان تا المپیک ۲۰۲ام، پنجاه و دو سال سپری شد." [۱۷]

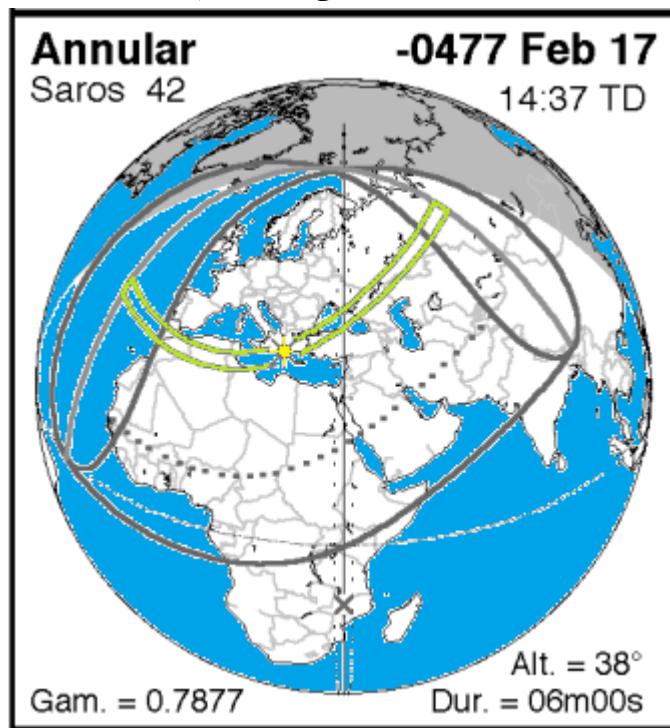
بر اساس زمان شروع سلطنت نرون
"در طی المپیاد ۱۲۰۸ام نرون امپراطور رومیان شد." [۱۸]

علاوه بر گزارش‌های تاریخی مهمترین دلیل گزارش خورشید گرفتگی پیش از نبرد ترمومپیل توسط هردوت است:

"سپاه نیز پس از استراحت زمستانی در سارد، آمده است به سمت ابیدوس به حرکت در آید. سپاه تازه از سارد به راه افتاده بود که خورشید در آسمان ناپدید شد در حالی که آسمان صاف و بدون ابر بود و روز به شب تبدیل شد." [۱۹]

تنها خورشید گرفتگی مطابق گزارش هردوت خورشید گرفتگی سال ۴۷۸ میلادی است. [۲۰]

شکل ۱-مسیر خورشید گرفتگی سال ۴۷۸ پیش از میلاد



با توجه به موارد بالا المپیاد همزمان با لشکرکشی خشایار شاه به آتن در سال ۴۷۸ پیش از میلاد بوده است. اکنون که سال برگزاری المپیک مشخص شده با توجه به گزارش پولینیوس از قول لثونیداس، اندکی پیش از نبرد ترمومپیل ستاره سیریوس یا شباهنگ طلوع کرده بود. بنابراین با محاسبه تشریق صحیح‌گاهی ستاره شباهنگ اولین ماه کامل بعد از آن را بعنوان تاریخ برگزاری المپیک سال ۴۷۸ پیش از میلاد بدست خواهیم آورد.

۳. محاسبه کنار روزی (heliacal rising) ستاره شباهنگ برای سال ۴۷۸ پیش از میلاد:

پیش از شروع محاسبات لازم است حرکت خاص (Proper motion) ستاره شباهنگ را تعیین کرده و مختصاتش برای سال ۴۷۸ پیش از میلاد را محاسبه کنیم. به این منظور از جدول زیر داده‌ها را استخراج کرده و با درون یابی خطی مختصات مورد نیاز را محاسبه می‌کنیم. [۲۱] ، [۲۲]

جدول ۱-حرکت خاص ستاره شباهنگ در طول زمان

Epoch	<i>t</i>	This method (motion in space)		Using uniform proper motions	
		α	δ	α	δ
1000.0	-1 000	6 45 47.16	-16 22 56.0	6 45 47.34	-16 22 52.7
0.0	-2 000	6 46 25.09	-16 03 00.8	6 46 25.81	-16 02 47.4
-1000.0	-3 000	6 47 02.67	-15 43 12.3	6 47 04.28	-15 42 42.9
-2000.0	-4 000	6 47 39.91	-15 23 30.6	6 47 42.75	-15 22 36.8
-10000.0	-12 000	6 52 25.72	-12 50 06.7	6 52 50.51	-12 41 54.4

مختصات میل و بعد ستاره شباهنگ پس از اعمال حرکت خاص بصورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\delta = -15^{\circ} 53' 19.8'' \quad \alpha = 6^{\text{h}} 46^{\text{m}} 43^{\text{s}}$$

علاوه بر حرکت نسبی ستاره نسبت به مرکز جرم زمین، خود زمین نیز حرکت‌های مختلفی در طول زمان دارد. این حرکتها شامل رقص محوری (Precession)، حرکت تقدیمی (precession)، انحراف محوری (obliquity)، آبیراهی (aberration) هستند که توسط محاسبات ماتریسی زیر اصلاح خواهند شد: [۲۳]

$$P = \begin{bmatrix} \cos \delta_0 \cos \alpha_0 \\ \cos \delta_0 \sin \alpha_0 \\ \sin \delta_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos z \cos \theta \cos \zeta - \sin z \sin \zeta & \sin z \cos \theta \cos \zeta + \cos z \sin \zeta & \sin \theta \cos \zeta \\ -\cos z \cos \theta \sin \zeta - \sin z \cos \zeta & -\sin z \cos \theta \sin \zeta + \cos z \cos \zeta & -\sin \theta \sin \zeta \\ -\cos z \sin \theta & -\sin z \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -\Delta \psi \cos \varepsilon & -\Delta \psi \sin \varepsilon \\ \Delta \psi \cos \varepsilon & 1 & -\Delta \varepsilon \\ \Delta \psi \sin \varepsilon & \Delta \varepsilon & 1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

با جایگذاری داده‌های زیر مقدار تصحیح را محاسبه می‌کنیم:

$$T = -24,794,155 \quad t = 9,056,06,5$$

$$\cos C_1 = -0.958995 \quad \sin C_1 = -0.290103 \quad \cos C_2 = -0.2842 \quad \sin C_2 = -0.9588$$

$$\zeta = -15.908188^\circ \quad z = -15.773674^\circ \theta = -13.699958^\circ$$

$$\varepsilon = 23^\circ 44' 52.7'' \quad \varepsilon = 23^\circ 44' 43.5'' \quad \cos \varepsilon = 0.9153 \quad \sin \varepsilon = 0.4027$$

$$\Delta \psi = 0.0017208$$

$$\Delta \varepsilon = -0.00255388$$

$$P = \begin{bmatrix} -0.1947 \\ 0.9419 \\ -0.2728 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.3660 & 0.1377 & 0.9203 \\ -0.2214 & 0.9739 & -0.00576 \\ -0.9039 & -0.1827 & 0.9712 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -0.0016 & -0.007 \\ 0.0016 & 1 & 0.0026 \\ 0.007 & -0.0026 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -0.1933 \\ 0.9752 \\ -0.2659 \end{bmatrix}$$

پس از محاسبات اصلاح حرکات زمین مقادیر میل و بعد اصلاح شده شباهنگ را بصورت مقابل بدست می‌آوریم:
 $\delta = -15.42^\circ \quad \alpha = 6^{\text{h}} 45^{\text{m}} 0.5^{\text{s}}$

در این مرحله هدف ما محاسبه تاریخی در سال ۴۷۸ پیش از میلاد خواهد بود که خورشید و ستاره شباهنگ تقریباً بصورت همزمان طلوع کنند که اصطلاحاً تشریق صبحگاهی (Heliacal rising) نامیده می‌شود. تاریخ این طلوع برای عرض‌های جغرافیایی مختلف متفاوت است همچنین بدلیل پیشروی اعتدال بهاری در طول زمان نیز تغییر می‌کند و در زمان حاضر برای عرض جغرافیای منطقه ترموبیل (عرض جغرافیایی ۳۸,۸۳ درجه شمالی) ۱۰ آگوست می‌باشد.

بدلیل روشنایی فجر اندکی اختلاف ارتفاع بین طلوع ستاره شباهنگ و خورشید باید وجود داشته باشد که به عوامل زیر وابسته است: [۲۴] ، [۲۵] ،

- روشنایی و قدر ستاره
- اختلاف آزیمут مطلع ستاره و خورشید
- رنگ ستاره
- کیفیت هوای محیط

در این مرحله اختلاف ارتفاع (dh) ستاره شباهنگ و خورشید که به اصطلاح Arcus Visions نامیده می‌شود را محاسبه می‌کنیم:

$$dh = 0.0223m^2 + 1.0451m + 8.6018 \quad (2)$$

$$m = m_0 + m_1 + m_2 \quad (3)$$

در رابطه ۳، m_0 قدر ستاره است. m_1 و m_2 نیز از روابط زیر محاسبه خواهند شد:

مقدار m_1 را از رابطه زیر محاسبه می‌کنیم که در نهایت برابر با 3717° خواهد بود: [۲۷]

$$m_1 = 2.5 \log k_v (\sec z - 1) \quad (4)$$

در رابطه بالا، z زاویه زنیت ستاره که برای ستاره شباهنگ برابر با 87° درجه است و k_v ضریب استهلاک نور، که با توجه به دمای سطح ستاره و حداکثر طول موج ساطع شده از ستاره از روابط زیر محاسبه می‌شود و مقدار آن 35° خواهد بود. [۲۸]

$$k_v = 0.1181\lambda^{-2.267} \quad (5)$$

مطابق قانون وین (Wein's law) طول موج غالب ستاره را از دمای سطح ستاره محاسبه می‌کنیم:

$$\lambda_{\max} = \frac{2898}{T(k)} \mu\text{m} \quad (6)$$

البته باید توجه داشت که در اکثر گزارشات تاریخی ستاره شباهنگ سرخنگ گزارش شده است و ما نیز در این تحقیق از طول موج مربوط به نور قرمز برای تعیین ضریب استهلاک نور استفاده خواهیم کرد: [۳۰]

جدول ۲= گزارش‌های تاریخی مبنی بر سرخ رنگ بودن ستاره شباهنگ

Source	Period	Reference to Sirius	Meaning
Euripides	~440 BCE	$\piυρός φλογές$ (pouros fluges)	flame colored
Aratus	~270 BCE	$ποικίλος$ (poikilos)	colored
Cicero	~50 BCE	<i>Rutilo cum lumine</i>	with ruddy light
Virgilius	~30 BCE	<i>Ardebat in coelo</i>	burning in the sky
Horatius	~10 BCE	<i>Rubra Canicula</i>	red dog
Germanicus	~19 CE	<i>urgetur cursu rutili</i>	fast races a reddish dog
Caesar		<i>Canis</i>	
Manilius	~20 CE	<i>Rabit suo igne</i>	raging to join its fire
Seneca	~25 CE	<i>Acrior sit,</i> <i>Caniculae rubor,</i> <i>Martis remissior, Jovis nullus</i>	forceful is the redness of Sirius, less than that of Mars, Jupiter has none
Pliny	~70 CE	<i>Ardore Sideris,</i> <i>Sirio ardente</i>	burning of the sky, Sirius burning
Columela	~100 CE	<i>Sirius ardor</i>	burning of Sirius
Geminus	~100 CE	$\piύρινος$ (pouros)	flame colored
Ptolemy	~150 CE	$\acute{\nu}\piόκιρρος$	reddish
Avienus	~400 CE	<i>multus rubor imbuit ora</i>	much redness that fills the region
Théon	~450 CE	$ποικίλος$ (poikilos)	colored

با توجه به گزارشات تاریخی در مورد رنگ ستاره شباهنگ طول موج 62° میکرومتر رادر نظر می‌گیریم که k_v را 35° می‌دهد. [۳۱]

جدول ۳- طول موج رنگ‌های مختلف

Violet	Blue	Green	Yellow	Orange	Red
0.38-0.45 μm	0.45-0.495 μm	0.495-0.57 μm	0.57-0.59 μm	0.59-0.62 μm	0.62-0.75 μm

خورشید در ۹۰ درجه آزیمoot طلوع می‌کند و با توجه به رابطه پایین، ستاره شباهنگ تقریباً در ۱۱۰ درجه آزیمoot طلوع می‌کند:

$$A_{rise} = \cos^{-1}\left(\frac{\sin \delta}{\cos \lambda}\right) \text{ degrees} \quad (7)$$

در رابطه بالا δ ، میل ستاره شباهنگ و λ عرض جغرافیایی ترمومپیل است. بنابراین اختلاف آزیمoot آنها ۲۰ درجه است که با توجه به رابطه پایین میزان قدر اصلاح می‌شود. [۳۲]

$$m_2 = -0.0000002 \left(\cos^{-1}\left(\frac{\sin \delta}{\cos \varphi}\right) \right)^3 + 0.0005 \left(\cos^{-1}\left(\frac{\sin \delta}{\cos \varphi}\right) \right)^2 - 0.0028 \left(\cos^{-1}\left(\frac{\sin \delta}{\cos \varphi}\right) \right) + 0.0052 \quad (8)$$

در رابطه بالا m_2 ناشی از اصلاح آزیمoot ۰,۲۵۹۶ خواهد بود.

از روابط بالا m یا قدر ستاره شباهنگ را معادل ۰,۲۸۵۲ محاسبه می‌کنیم که برای ستاره شباهنگ مقدار ۸,۹۹۳۳ محاسبه می‌شود با توجه به اینکه h ستاره ۲,۷۸۱۲ محاسبه شده است، مقدار h_0 برابر با ۶,۲۱۲۱ درجه خواهد بود.

ارتفاع ستاره شباهنگ از افق در هنگام تشریق ۳ درجه در نظر می‌گیریم و زاویه خورشید در زیر خط افق را نسب به آن محاسبه می‌کنیم. باید توجه داشت برای افزایش دقیق محاسبات اثرات شکست اتمسفری را بر روی زاویه ستاره اعمال خواهیم کرد: [۳۳]

$$\Theta = h + \alpha \quad (9)$$

$$\cos h = -\tan \delta \tan \varphi + \frac{\sin(a - r)}{\cos \delta \cos \varphi} \quad (10)$$

$$r = \left(\frac{283P}{101(273 + T)} \right) \left(1.02 \cot \left(a + \frac{10.3}{a + 5.11} \right) \right) \quad (11)$$

از بانک داده هواشناسی meteoblue داده‌های اقلیم بلند مدت میانه تابستان، برای منطقه ترمومپیل را استخراج می‌کنیم:

Low Temp: 22 °C Pressure: 1012 mbar

با قرار دادن مقادیر بالا در رابطه ۱۰، مقدار R در هنگام تشریق، مقدار ۱۳,۱۳ دقیقه و یا ۲۱۸۸،۰ درجه خواهد بود. بنابراین مقدار Θ را بصورت زیر محاسبه خواهیم کرد:

$$\text{Cosh}=0.278 \rightarrow h=-73.86 \rightarrow \alpha=101.271 \rightarrow \Theta=27.41$$

در ادامه می‌توانیم زاویه خورشید زیر خط افق را از رابطه زیر محاسبه کنیم: [۳۴]

$$\sin h_0 = (\sin \varphi \sin \varepsilon + \cos \varphi \cos \varepsilon \sin \theta) \sin \lambda_0 + \cos \varphi \cos \theta \cos \lambda_0 \quad (12)$$

زاویه انحراف محوری یا همان ϵ را از رابطه زیر محاسبه می‌کنیم: [۳۵]

$$\varepsilon = 23^\circ.439291 - 0^\circ.0130042T - 0^\circ.00000016T^2 + 0^\circ.000000504T^3 \quad (13)$$

T بر حسب قرن است و مقدار زاویه انحراف محوری زمین برای ۴۷۸ قبل از میلاد برابر با ۲۳,۷۵۴ خواهد بود.

$$0.57 \sin \lambda_0 + 0.69 \cos \lambda_0 = 0.1082$$

$$\frac{-541 + 3450 \cos \lambda_0 + 2850 \sin \lambda_0}{5000} = 0 \rightarrow -541 + 3450 \cos \lambda_0 + 2850 \sin \lambda_0 = 0$$

$$\text{If } y = \tan\left(\frac{\lambda_0}{2}\right) \text{ then } \sin(\lambda_0) = \frac{2y}{y^2+1} \text{ and } \cos(\lambda_0) = \frac{-y^2+1}{y^2+1}$$

$$\frac{-3991y^2 + 5700y + 2909}{y^2 + 1} = 0 \rightarrow -3991y^2 + 5700y + 2909 = 0$$

$$\lambda = 122.67^\circ$$

λ را برای اعتدال بهاری ۴۷۸ پیش از میلاد ۱,۹۸ در نظر می‌گیریم. [۳۶] ، [۳۷] و خروج از مرکزیت زمین را نیز برای این تاریخ محاسبه می‌کنیم. [۳۸]

$$e = 0.0167708634 - 0.000042037T - 0.0000001267T^2 \quad (14)$$

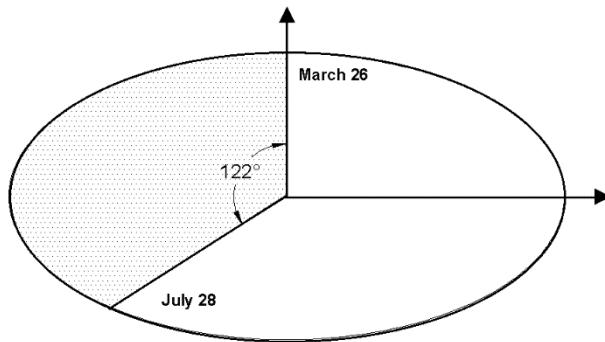
$$T = \frac{\text{JDE} - 2451545}{36525} \quad (15)$$

برای حدود ۲۹ مارس ۴۷۸ پیش از میلاد مقدار JDE برابر با ۱۵۴۶۵۶۱ خواهد بود. بنابراین مقدار T برابر با ۰,۹۸ و خروج از مرکزیت برای ۴۷۸ پیش از میلاد مقدار ۱۷۷۳,۰ خواهد بود.

با انتگرال زیر زمان تشریق را محاسبه می‌کنیم: [۳۹]

در معادله زیر h برابر با گشتاور زاویه ای که مطابق با قانون دوم کپلر مقدار آن ثابت است همچنین μ پارامتر گرانشی است که مقدار آن نیز ثابت است بنابراین در نسبت و تناسب حذف می‌شوند:

شکل ۲- زاویه طی شده توسط زمین مابین اعتدال بهاری و تشریق صبحگاهی ستاره شباهنگ



$$\frac{\mu^2}{h^3} t = \int_0^\lambda \frac{d\lambda}{(1 + e \cos \lambda)^2} = \frac{1}{(1 - e^2)^{2/3}} \left(2 \tan^{-1} \sqrt{\frac{1 - e}{1 + e}} \tan\left(\frac{\lambda}{2}\right) - \frac{e \sqrt{1 - e^2} \sin \lambda}{1 + e \cos \lambda} \right) \quad (16)$$

$$\frac{120.77}{360} = \frac{t}{365.25} \text{ then } t \approx 122 \text{ days}$$

۱۲۲ روز پس از اعتدال بهاری در ۲۷ مارس مصادف با ۲۸ جولای در سال ۴۷۸ پس از میلاد خواهد بود.

جدول ۴- زمان اعتدالین و انقلابین برای ۴۷۸ و ۵۳۰ پیش از میلاد

Year	Spring Equinox	Summer Solstice	Autumn Equinox	Winter Solstice	ΔT
478 BC	27 Mar 02:43	29 Jun 05:54	29 Sep 07:31	26 Dec 20:27	04:40
530 BC	27 Mar 12:19	29 Jun 15:57	29 Sep 16:36	27 Dec 05:09	04:54

Equinox and Solstice are in UT, TT = UT + ΔT

۲۷ مارس ۴۷۸ پیش از میلاد ساعت ۰۲,۴۳ لحظه اعتدال بهاری بوده است.

۴. تعیین تاریخ نبرد:

با توجه به نقل قول پولینیوس از لئونیداس مبنی بر مشاهده ستاره شباهنگ کمی پیش از شروع جنگ ترمپیل ماه بدر جشنواره المپیک باید با فاصله اندکی بعد از ۲۸ جولای ۴۷۸ پیش از میلاد باشد، همانطور که از جدول زیر مشخص است، یک روز بعد از تشریق ستاره شباهنگ ماه بدر جشنواره المپیک طلوع کرد. چون این تاریخ (۲۹ جولای) مابین ۲۵ جولای تا ۲۳ آگوست قرار دارد، در این سال المپیک در ماه Apollonius بوده است. با توجه به توالی ماههای المپیک و اینکه سیزدهمین المپیک قبل از نبرد ترمپیل، مصادف با ۵۳۰ پیش از میلاد بوده است، بنابراین این المپیک در ماه بدر Parthenius برگزار شده است که با توجه به جدول زیر برابر با ۱ سپتامبر ۵۳۰ پیش از میلاد بوده است. [۴۰]

جدول ۵- فازهای ماه در سال ۴۷۸ پیش از میلاد

PHASES OF THE MOON: -0478 BCE**UNIVERSAL TIME (UT)**

Year	New Moon	First Quarter	Full Moon	Last Quarter
-0478				
Jan 18	16:09	Jan 26 11:25	Jan 3 15:45	Jan 10 12:14
Feb 17	09:42 A	Feb 24 20:00	Feb 2 02:01	Feb 9 05:15
Mar 19	00:24	Mar 26 02:02	Mar 3 12:20 p	Mar 10 23:25
Apr 17	11:54	Apr 24 06:56	Apr 1 23:00	Apr 9 17:43
May 16	20:45	May 23 12:11	May 1 10:24	May 9 11:12
Jun 15	04:04	Jun 21 19:02	Jun 29 13:17	Jun 8 02:57
Jul 14	11:05	Jul 21 04:32	Jul 29 05:05	Jul 7 16:24
Aug 12	18:54 T	Aug 19 17:31	Aug 27 21:46 p	Aug 6 03:31
Sep 11	04:16	Sep 18 10:22	Sep 26 14:13	Sep 4 12:44
Oct 10	15:39	Oct 18 06:39	Oct 26 05:27	Sep 3 20:52
Nov 9	05:21	Nov 17 04:46	Nov 24 19:06	Oct 2 04:46
Dec 8	21:26	Dec 17 02:12	Dec 24 07:15	Nov 1 13:16
				Dec 30 23:00

جدول ۶- فازهای ماه در سال ۵۳۰ پیش از میلاد

PHASES OF THE MOON: 0530 BCE**UNIVERSAL TIME (UT)**

Year	New Moon	First Quarter	Full Moon	Last Quarter
-0530				
Jan 23	05:30	Jan 1 15:56	Jan 8 18:23	Jan 15 09:10
Feb 21	23:35	Jan 31 08:47	Feb 7 04:27	Feb 13 21:20
Mar 23	15:58	Mar 1 21:41	Mar 8 13:06	Mar 15 11:38
Apr 22	06:07	Mar 31 06:45	Apr 6 21:11	Apr 14 03:35
May 21	18:04	Apr 29 12:48	May 6 05:44	May 13 20:27
Jun 20	04:08 T	May 28 17:10	Jun 4 15:43 p	Jun 12 13:31
Jul 19	12:53	Jun 26 21:27	Jul 4 03:47	Jul 12 06:13
Aug 17	21:06	Jul 26 03:20	Aug 2 18:08	Aug 10 22:02
Sep 16	05:40	Aug 24 12:16	Sep 1 10:34	Sep 9 12:22
Oct 15	15:29	Sep 23 01:11	Oct 1 04:27	Sep 7 00:40
Nov 14	03:08 P	Oct 22 18:11	Oct 30 22:46	Oct 7 10:51
Dec 13	16:41 P	Nov 21 14:24	Nov 29 16:09 t	Nov 6 19:23
		Dec 21 12:13	Dec 29 07:19	

گزارشهای متعددی در مورد تاریخ شروع سلطنت کمبوجیه در کتیبه‌های بابلی ثبت شده است و تاریخ محاسبه شده توسط ما برای قتل کوروش و آغاز سلطنت کمبوجیه با این گزارشها همخوانی دارد. [۴۱]

CAMBYES*Evidence for Beginning of Reign*

VI/12/acc. (Aug. 31, 530), Babylon (Strassmaier, *Cambyses*, No. 1).

VI/16/acc. (Sept. 4, 530), Babylon (*ibid.* No. 2).

VI/20/acc. (Sept. 8, 530), Babylon (*ibid.* No. 3).

۵.نتیجه گیری:

در این تحقیق با کمک محاسبات نجومی تاریخ تشریق صحیح‌گاهی ستاره سیریوس و بازی‌های المپیک باستانی توانستیم روز دقیق نبرد ارتش پارس و ماساچست را بدست آوریم که این تاریخ برابر با ۱ سپتامبر ۵۳۰ پیش از میلاد است. همخوانی تاریخ محاسبه شده با کتبه‌های بابلی صحت محاسبات در این تحقیق را تایید می‌کند.

۶.منابع:

- ۱-Theophilus of Antioch, *Apologia ad Autolycum*, Book III, Chapter 27
- ۲-Eusebius, *Chronography*, Chapter 69
- ۳-Theophilus of Antioch, *Apologia ad Autolycum*, Book III, Chapter 16
- ۴-Theophilus of Antioch, *Apologia ad Autolycum*, Book III, Chapter 26
- ۵-Theophilus of Antioch, *Apologia ad Autolycum*, Book III, Chapter 25
- ۶-LUCIAN, *The Passing of Peregrinus*, Chapter5-36
- ۷-Pausanias, *Description of Greece*, Book5, Chapter9-3
- ۸-Pindar, *Olympian Ode III*, Chapter12
- ۹-Herodotus, *Histories*, Book VII, Chapter 206
- ۱۰-POLYAEVUS, *STRATEGEMS*, Book1, Chapter32
- ۱۱-Jules Labarbe,1954, *Un témoignage capital de Polyen sur la bataille des Thermopyles*, Pp.13
- ۱۲-Scholiast on Pindar, *Olympic*, Chapter3-35
- ۱۳-Lucian of Samosata, *THE DEATH OF PEREGRINE*, Chapter20
- ۱۴-EPICTETUS, *Discourses*, Book III, CHAPTER XXV
- ۱۵-Eusebius, *Preparation of the Gospels*, 10.10.1
- ۱۶-EUSEBIUS, *CHRONOGRAPHY*, CHAPTER94
- ۱۷-EUSEBIUS, *CHRONOGRAPHY*, CHAPTER21
- ۱۸-EUSEBIUS, *CHRONOGRAPHY*, Chapter80
- ۱۹-Herodotus, *Histories*, Book7, Chapter37
- ۲۰-Fred Espenak,2006, *Five Millennium Canon of Solar Eclipses*, Pp. 183
- ۲۱-Hannu Karttunen, Sixth Edition, *Fundamental Astronomy*, Pp.41
- ۲۲-Jean Meeus, Second Edition, *Astronomical algorithms*, Pp.142
- ۲۳-Hannu Karttunen, Sixth Edition, *Fundamental Astronomy*, Pp.41
- ۲۴-Hannu Karttunen, Sixth Edition, *Fundamental Astronomy*, Pp.20
- ۲۵-Jean Meeus,1998, *Astronomical algorithms*, Pp.106
- ۲۶-Robert D. Purrington,1988 *Heliacal Rising and Setting: Quantitative Aspects*, Pp.74-79
- ۲۷-G. D. Roth,1975, *Astronomy: A Handbook*, Pp.158
- ۲۸-E. Pakstiene,2003, *Atmospheric Extinction Corrections For Wet Observations*, Pp.223
- ۲۹-Halliday and Resnick,10th Edition, *Fundamentals of Physics*, Pp.1166
- ۳۰-Noah Brosch,2008, *Sirius Matters*, Pp.40
- ۳۱-Thomas J. Bruno,2006, *CRC Handbook of Fundamental Spectroscopic Correlation Charts*, Chapter.1
- ۳۲-Robert D. Purrington,1988, *Heliacal Rising And Setting: Quantitative Aspects*, Pp.75
- ۳۳-Halliday and Resnick,10th Edition, *Fundamentals of Physics*, Pp.1166
- ۳۴-Jean Meeus,1997, *Mathematical Astronomy morsels*, Pp.292
- ۳۵-The Astronomical Almanac for the Year 1990, Pp. B18
- ۳۶-RICHARD FITZPATRICK, first Edition, *An Introduction to Celestial Mechanics*, Pp.54
- ۳۷-Orbital Ephemerides of the Sun, Moon, and Planets, James G. Williams,2006, Pp.28

- ۳۸-Jean Meeus, Second Edition, Astronomical algorithms, Pp.151
- ۳۹-Howard D. Curtis, 2nd Edition, Orbital Mechanics for Engineering Students, Pp.156
- ۴۰-Fred Espenak, Six Millennium Catalog of Phases of the Moon
- ۴۱-Richard A. Parker,1946, Babylonian Chronology, Pp.14